



【No.31】ある財の需要関数が

$$Q = \frac{1}{10} + \frac{1}{8P}$$

であるとする。ただし、 $P (>0)$ は価格、 Q は需要量である。

このとき、需要の価格弾力性が 0.2 以上になる価格 P の範囲として妥当なのはどれか。

- 1 $0 < P \leq 5$
- 2 $0 < P \leq 8$
- 3 $5 \leq P$
- 4 $8 \leq P$
- 5 $10 \leq P$

正答 1

ミクロ p.49

需要の価格弾力性の公式に当てはめて考えます。

$$e_d = \frac{\Delta Q}{\Delta P} \times \frac{P}{Q} \times (-1)$$

$Q = \frac{1}{10} + \frac{1}{8P}$ より、 Q を P で微分すると $\frac{\Delta Q}{\Delta P} = -\frac{1}{8P^2}$ これを公式に代入して

$$e_d = -\frac{1}{8P^2} \times \frac{P}{Q} \times (-1) = \frac{1}{8P} \times \frac{1}{Q}$$

つぎに $Q = \frac{1}{10} + \frac{1}{8P}$ より $Q = \frac{8P+10}{80P}$ 、これを公式に代入すると

$$e_d = \frac{1}{8P} \times \frac{1}{\frac{8P+10}{80P}} = \frac{1}{8P} \times \frac{80P}{8P+10} = \frac{10}{8P+10} = \frac{5}{4P+5}$$

これが 0.2 以上であれば良いので

$$\frac{5}{4P+5} \geq 0.2$$

$$5 \geq 0.8P+1$$

$$4 \geq 0.8P$$

$$5 \geq P$$

よって正答は 1

【No.32】ある個人は、労働の供給によってのみ所得を得ており、その効用関数が

$$U = 2ly + l^2 - 3y$$

であるとする。ただし、 U は効用水準、 x は所得、 l は余暇時間を示す。また、この個人は、24時間を保有しており、それを労働時間か余暇時間のいずれかに充てる。

1時間当たりの賃金率が2であるとき、効用水準を最大化する労働時間はいくらか。

- 1 6時間
- 2 7時間
- 3 8時間
- 4 9時間
- 5 10時間

正答 2

ミクロ p.122

この個人の所得 y は、労働時間が $24-l$ であることより、 $y=2(24-l)$ となる。

これを効用関数に代入して

$$U = 4l(24 - l) + l^2 - 6(24 - l)$$

$$U = 96l - 4l^2 + l^2 - 144 + 6l = -3l^2 + 102l - 144$$

U を l で微分して 0 とおくと

$$\frac{dU}{dx} = -6l + 102 = 0$$

$$l = 17$$

よって、最適な余暇時間が 17 時間なので労働時間は、 $24-17=7$ 時間が最適である。

【No.33】完全競争市場の下にある産業において各企業の長期費用関数が、

$$C = 2x^3 - 24x^2 + 120x \quad (C: \text{総費用}, x: \text{生産量})$$

で示され、すべての企業で同一であるとする。ただし、生産量 x は 0 より大きいものとする。

このとき、この産業の長期均衡価格はいくらか。

- 1 48
- 2 50
- 3 56
- 4 66
- 5 72

正答 1

ミクロ p.197

完全競争の長期均衡では、各企業は損益分岐点（AC の最下点）で生産を行うので、そのときの価格を求めれば良い。

まず、AC を求める。AC は総費用 C を生産量 x でわれば求められるから

$$\frac{C}{x} = AC = \frac{2x^3 - 24x^2 + 120x}{x} = 2x^2 - 24x + 120$$

AC の最下点が、損益分岐点なので、AC を x で微分して 0 とおいて、損益分岐点を求める。

$$\frac{dAC}{dx} = 4x - 24 = 0$$

$$x = 6$$

このとき、AC は

$$AC = 2 \times 6^2 - 24 \times 6 + 120 = 72 - 144 + 120 = 48$$

よって、このときの価格も同様に 48 となる。

【No.34】ある製品を生産する企業が二つの工場を保有しており、それぞれの工場における費用関数は

$$C_1 = 20 + 2x_1^2, \quad C_2 = 40 + 3x_2^2$$

C_i : 工場 i の総費用、 x_i : 工場 i の生産量 ($i=1, 2$)

で示される。

完全競争市場における製品の価格が 360 であるとき、この企業の利潤が最大となるときの、各工場の生産量 x_1 、 x_2 の組合せとして、妥当なのはどれか。

	x_1	x_2
1	50	100
2	90	60
3	120	240
4	150	100
5	200	160

正答 2

ミクロ p. 182

各工場の最適な生産量は $MR=MC$ を満たすように決まるはずである。完全競争市場なので価格は一定、つまり

$$MR=360$$

つぎに限界用 MC は、それぞれの企業の費用関数を生産量で微分すれば良い。したがって

$$MC_1=4x_1, MC_2=6x_2 \text{ となる。}$$

よって $MR=MC$ より

$$360=4x_1$$

$$x_1=90$$

また

$$360=6x_2 \text{ より}$$

$$x_2=60$$

したがって、正答は 2 である。

【No.35】プレイヤー A、B がそれぞれ三つの戦略を持つゲームが以下のように示されている。このとき、ナッシュ均衡となる戦略の組として、妥当なもののみを全て挙げているのはどれか。

ただし、 A_i ($i=1, 2, 3$) はプレイヤー A の戦略、 B_j ($j=1, 2, 3$) はプレイヤー B の戦略を示し、表中の数字は、左側がプレイヤー A の利得、右側がプレイヤー B の利得を示している。また、各プレイヤーは純粋戦略をとるものとする。

	B1	B2	B3
A1	5, 0	1, 1	4, 2
A2	3, 4	2, 5	3, 3
A3	2, 5	0, 1	2, 0

- 1 (A2, B3)
- 2 (A1, B2)、(A2, B3)
- 3 (A1, B3)、(A2, B2)
- 4 (A3, B1)、(A2, B2)
- 5 ナッシュ均衡は存在しない。

正答 3

ミクロ p.302

B が B1 の時プレイヤーA は A1 を選ぶ。したがって A2、A3 はナッシュ均衡ではない。B が B2 のとき A は A2 を選ぶ。B が B3 のとき A は A1 を選ぶ。以上より選ばれる可能性のないものを消すと

	B1	B2	B3
A1	5, 0		4, 2
A2		2, 5	
A3			

ここで、A が A1 のとき、B は B3 を選ぶ。したがって A1、B1 の組合せはナッシュ均衡ではない。

残る (A2、B2)、(A1、B3) の組合せはナッシュ均衡である。